

NOM : ..... Prénom : .....

Capacités :	Bilan :				
Calculer la dérivée d'une fonction					
Etudier le signe d'un produit					
Justifier l'existence de minima locaux					
Etudier les variations d'une fonction					

**Exercice 1 :** ( / 6 points)

Pour chacune des fonctions suivantes déterminer la fonction dérivée qui lui est associée :

1.  $h(x) = (-2x + 1)(-3x^4 + x^2)$  sur  $\mathbb{R}$

2.  $i(x) = \frac{12x + 3x^2}{x^2 + 3}$  sur  $\mathbb{R}$

3.  $j(x) = \sqrt{-2x + 3}$  sur  $]-\infty; \frac{3}{2}[$

**Exercice 2 :** ( / 5 points)

On considère la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$f(x) = 2,5x^4 - 15x^2 - 20x + 10.$$

1. Démontrer que pour tout  $x \in \mathbb{R}$ , la dérivée de la fonction  $f$ , notée  $f'$ , peut s'écrire :

$$f'(x) = 10(x - 2)(x + 1)^2$$

2. Donner le tableau de signe de  $f'(x)$  sur  $\mathbb{R}$ .  
 3. En déduire les variations de  $f$  sur  $\mathbb{R}$ .  
 4. Préciser si la fonction  $f$  admet des minima ou maxima locaux en justifiant.

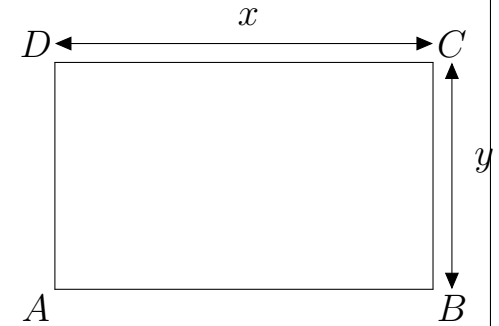
**Exercice 3 :** ( / 10 points)

Dans cet exercice les distances sont exprimées en mètres.

On considère un rectangle  $ABCD$  d'aire  $49 \text{ m}^2$  tel que  $DC = x$  et  $BC = y$ .

On admet que les nombres  $x$  et  $y$  sont strictement positifs.

On souhaite déterminer les dimensions  $x$  et  $y$  du périmètre de ce rectangle soit minimal.



1. (a) Montrer que le périmètre, en mètres, du rectangle  $ABCD$  est égal à  $2x + \frac{98}{x}$ .  
 (b) Calculer ce périmètre pour  $x = 10$  (*uniquement valable dans cette question*).  
 2. On considère la fonction  $f$  définie sur  $]0; +\infty[$  par :

$$f(x) = 2x + \frac{98}{x}.$$

- (a) On admet que la fonction  $f$  est dérivable sur  $]0; +\infty[$  et on note  $f'$  sa fonction dérivée.  
 Montrer que, pour tout  $x \in ]0; +\infty[$ , on a :

$$f'(x) = \frac{2x^2 - 98}{x^2}.$$

- (b) Déterminer le tableau de variations de la fonction  $f$  sur  $]0; +\infty[$ .  
 (c) En déduire les dimensions du rectangle d'aire  $49 \text{ m}^2$  dont le périmètre est minimal.

*D'après la Banque Nationale des Sujets*